

**Manuel d'Utilisation**  
**Fascicule U4.3- : Fonction**  
**Document : U4.32.04**

# Opérateur CALC\_FONCTION

## 1 But

Effectuer des opérations mathématiques sur des structures de données de type fonction.

Les opérations suivantes sont actuellement disponibles :

- la dérivation d'une fonction,
- l'intégration d'une fonction,
- l'inverse d'une fonction,
- la valeur absolue d'une fonction,
- la recherche de l'enveloppe de plusieurs fonctions,
- la combinaison linéaire réelle ou complexe de plusieurs fonctions,
- la composition de deux fonctions,
- la concaténation (mise bout à bout avec gestion des chevauchements) de plusieurs fonctions,
- l'extraction d'une fonction réelle à partir d'une fonction complexe,
- le calcul de la puissance  $n^{\text{ième}}$  d'une fonction,
- le calcul de FFT directe ou inverse d'une fonction,
- la correction d'un accélérogramme mesuré en vue du calcul d'une réponse sismique,
- le lissage enveloppe d'un ou plusieurs spectres bruts d'oscillateur,
- le calcul du spectre d'oscillateur d'un accélérogramme (fonction de la fréquence et de l'amortissement) sous forme d'une nappe,

Produit une structure de données *fonction*, ou *nappe*, selon le mot clé facteur utilisé.

En sortie de la commande, la fonction est réordonnée par abscisses croissantes.

## Table des matières

1 But .....	1
2 Syntaxe .....	4
3 Opérandes .....	7
3.1 Mot clé DERIVE .....	7
3.2 Mot clé INTEGRE .....	7
3.3 Mot clé INVERSE .....	8
3.4 Mot clé ABS .....	8
3.5 Mot clé ENVELOPPE .....	8
3.5.1 Opérande FONCTION .....	8
3.5.2 Opérande CRITERE .....	9
3.6 Mot clé COMB et opérande LIST_PARA .....	9
3.7 Mot clé COMB_C et opérande LIST_PARA .....	9
3.8 Mot clé COMPOSE .....	10
3.9 Mot clé ASSE .....	10
3.9.1 Opérande FONCTION .....	10
3.9.2 Opérande SURCHARGE .....	10
3.9.3 Vérifications .....	10
3.10 Mot clé EXTRACTION .....	11
3.10.1 Opérande FONCTION .....	11
3.10.2 Opérande PARTIE .....	11
3.11 Mot clé PUISSANCE .....	11
3.12 Mot clé FFT .....	11
3.13 Mot clé CORR_ACCE .....	12
3.13.1 Opérande FONCTION .....	12
3.13.2 Opérande CORR_DEPL .....	12
3.14 Mot clé LISS_ENVELOP .....	12
3.15 Mot clé SPEC_OSCI .....	13
3.15.1 Opérande FONCTION .....	14
3.15.2 Opérande METHODE .....	14
3.15.3 Opérande AMOR_REDUIT .....	14
3.15.4 Opérandes FREQ / LIST_FREQ .....	14
3.15.5 Opérandes NATURE / NATURE_FONC .....	14
3.15.6 Opérande NORME .....	14
3.16 Attributs du concept fonction en sortie .....	15
3.16.1 Valeurs par défaut .....	15
3.16.2 Surcharge des attributs .....	16
3.16.2.1 Opérande NOM_PARA .....	16
3.16.2.2 Opérande NOM_RESU .....	16
3.16.2.3 Opérande INTERPOL .....	16
3.16.2.4 Opérandes PROL_DROITE / PROL_GAUCHE .....	16

Titre : Opérateur *CALC\_FONCTION*

Date : 31/01/06

Auteur(s) : **M. COURTOIS, D. THOMASSON, F. LEBOUVIER**

Clé : U4.32.04-I1

Page : 3/20

3.16.2.5	Opérandes <i>NOM_PARA_FONC</i> / <i>INTERPOL_FONC</i> / <i>PROL_DROITE_FONC</i> / <i>PROL_GAUCHE_FONC</i> .....	16
3.17	Opérande <i>INFO</i> .....	16
4	Exemples .....	17
4.1	Calcul d'une enveloppe .....	17
4.2	Calcul de la dérivée de la fonction <i>si</i> .....	17
4.3	Concaténation de deux fonctions .....	18
4.4	Composition de deux fonctions .....	19

## 2 Syntaxe

fr = CALC\_FONCTION

```
(
  ♦ / DERIVE = _F(
    ♦ FONCTION = f, [fonction]
    ◇ METHODE = 'DIFF_CENTREE', [DEFAULT]
  ),
  / INTEGRE = _F(
    ♦ FONCTION = f, [fonction]
    ◇ METHODE = / 'TRAPEZE', [DEFAULT]
                / 'SIMPSON',
    ◇ COEF = / 0., [DEFAULT]
              / r, [R]
  ),
  / INVERSE = _F(
    ♦ FONCTION = f, [fonction]
  ),
  / ABS = _F(
    ♦ FONCTION = f, [fonction]
  ),
  / ENVELOPPE = _F(
    ♦ FONCTION = f, [l_fonction]
    ◇ CRITERE = / 'SUP', [DEFAULT]
                / 'INF',
  ),
  / COMB = _F(
    ♦ FONCTION = f, [fonction]
    ♦ COEF = r, [R]
  ),
  / COMB_C = _F(
    ♦ FONCTION = f_c, [fonction_c]
    ♦ / COEF_R = r, [R]
      / COEF_C = c, [C]
  ),
  # si COMB ou COMB_C
  ◇ LIST_PARA = lpara, [listr8]
  / COMPOSE = _F(
    ♦ FONC_RESU = f_resu, [fonction]
    ♦ FONC_PARA = f_para, [fonction]
  ),
  / ASSE = _F(
    ♦ FONCTION = l_f, [l_fonction]
    ◇ SURCHARGE = / 'DROITE', [DEFAULT]
                  / 'GAUCHE',
  ),
  / EXTRACTION = _F(
    ♦ FONCTION = f_c, [fonction_c]
    ♦ PARTIE = / 'REEL',
               / 'IMAG',
               / 'MODULE',
               / 'PHASE',
  ),
  / PUISSANCE = _F(
    ♦ FONCTION = f, [fonction]
    ◇ EXPOSANT = / n, [I]
                  / 1, [DEFAULT]
  ),
  / FFT = _F(
    ♦ FONCTION = f, [fonction]
    ◇ METHODE = / 'PROL_ZERO', [DEFAULT]
                 / 'TRONCATURE',
  ),
  / CORR_ACCE = _F(
    ♦ FONCTION = f, [fonction]
    ◇ CORR_DEPL = / 'NON', [DEFAULT]
                  / 'OUI',
  ),
)
```

Titre : Opérateur CALC\_FONCTION

Date : 31/01/06

Auteur(s) : M. COURTOIS, D. THOMASSON, F. LEBOUVIER

Clé : U4.32.04-I1

Page : 5/20

```

/ LISS_ENVELOP = _F(
    ,
    ♦ NAPPE = n, [nappe]
    ◇ FREQ_MIN = / fmin, [R]
                  / 0.2 [DEFAULT]
    ◇ FREQ_MAX = / fmax, [R]
                  / 35.5 [DEFAULT]

    ◇ ELARG = /elar, [R]
              /0.1, [DEFAULT]

    ◇ TOLE_LISS = / toleliss, [R]
                  / 0.25, [DEFAULT]
    ),

/ SPEC_OSCI = _F( ♦ FONCTION = f, [fonction]
                  ◇ METHODE = 'NIGAM', [DEFAULT]
                  ◇ AMOR_REDUIT= lam, [l_R]
                  ◇ / FREQ = lfrequ, [l_R]
                    / LIST_FREQ = lfrequ, [listr8]
                  ◇ NATURE = / 'ACCE', [DEFAULT]
                    / 'VITE',
                    / 'DEPL',
                  ◇ NATURE_FONC= 'ACCE', [DEFAULT]
                  ◇ NORME = / 9.81, [DEFAULT]
                    / r, [R]
                  ),

    ◇ NOM_PARA = para, [Kn]
    ◇ NOM_RESU = resu, [Kn]

    ◇ PROL_DROITE = / 'CONSTANT',
                  / 'LINEAIRE',
                  / 'EXCLU',
    ◇ PROL_GAUCHE = / 'CONSTANT',
                  / 'LINEAIRE',
                  / 'EXCLU'

    ◇ INTERPOL = | 'LIN', [l_Kn]
                 | 'LOG',
                 | 'NON',

    ◇ INTERPOL_FONC = | 'LIN', [l_Kn]
                     | 'LOG',
                     | 'NON',

    ◇ NOM_PARA_FONC = parf, [Kn]
    ◇ PROL_DROITE_FONC = / 'CONSTANT',
                      / 'LINEAIRE',
                      / 'EXCLU',
    ◇ PROL_GAUCHE_FONC = / 'CONSTANT',
                      / 'LINEAIRE',
                      / 'EXCLU',

    ◇ INFO = / 1, [DEFAULT]
             / 2,
)

Si mot-clé facteur DERIVE alors fr = [FONCTION]
Si mot-clé facteur INTEGRE alors fr = [FONCTION]
Si mot-clé facteur INVERSE alors fr = [FONCTION]
Si mot-clé facteur ABS alors fr = [FONCTION]
Si mot-clé facteur ENVELOPPE alors fr = [FONCTION]
Si mot-clé facteur COMB alors fr = [FONCTION]
Si mot-clé facteur COMB_C alors fr = [FONCTION_C]
Si mot-clé facteur COMPOSE alors fr = [FONCTION]
Si mot-clé facteur ASSE alors fr = [FONCTION]

```

Titre : *Opérateur CALC\_FONCTION*

Date : 31/01/06

Auteur(s) : **M. COURTOIS, D. THOMASSON, F. LEBOUVIER**

Clé : U4.32.04-I1

Page : 6/20

Si mot-clé facteur EXTRACTION	alors fr = [FONCTION]
Si mot-clé facteur FFT	alors fr = [FONCTION]
Si mot-clé facteur CORR_ACCE	alors fr = [FONCTION]
Si mot-clé facteur PUISSANCE	alors fr = [FONCTION]
Si mot-clé facteur SPEC_OSCI	alors fr = [NAPPE]

## 3 Opérandes

### 3.1 Mot clé `DERIVE`

/ `DERIVE` =

On dérive la fonction  $f(t)$ .

◆ `FONCTION` = `f`

Nom de la fonction que l'on désire dériver.

Ne s'applique pas aux concepts de type `nappe`.

◇ `METHODE` =

Nom de la `METHODE` que l'on désire utiliser : la seule méthode disponible est actuellement `DIFF_CENTREE` (par défaut).

**Remarques :**

| Voir mot clé `INTEGRE`.

### 3.2 Mot clé `INTEGRE`

/ `INTEGRE` =

On intègre la fonction  $f(t)$ .

◆ `FONCTION` = `f`

Nom de la fonction que l'on désire intégrer.

Ne s'applique pas aux concepts de type `nappe`.

◇ `METHODE` =

Nom de la `METHODE` que l'on désire utiliser.

Deux méthodes sont disponibles : la méthode des '`TRAPEZE`' (par défaut) et la méthode de '`SIMPSON`'.

La méthode de '`SIMPSON`' est à employer avec précaution car elle peut entraîner des oscillations. Il vaut mieux discrétiser finement  $f(t)$  et intégrer avec la méthode des '`TRAPEZE`'. Notamment il est déconseillé d'utiliser la méthode '`SIMPSON`' pour l'interprétation d'un accélérogramme.

◇ `COEF` = `r`

Constante d'intégration, par défaut 0.

**Remarques :**

- Pour `INTEGRE` comme pour `DERIVE`, le `NOM_PARA` de la fonction produite est inchangé : il ne faut par exemple pas s'attendre à ce que le `NOM_RESU` = '`ACCE`' produise `NOM_RESU` = '`VITE`' dans la fonction intégrée. L'utilisateur a la faculté de le modifier par le mot clé du même nom dans `CALC_FONCTION`.
- Concernant les prolongements, la fonction produite a par défaut des prolongements `EXCLU` à gauche et à droite, quelques soient ceux de la fonction de départ. Ne pas s'attendre donc à ce qu'un prolongement linéaire devienne constant dans la fonction dérivée ... Là encore, l'utilisateur est maître de ses prolongements pour la fonction produite par les mots clés `PROL_DROITE` et `PROL_GAUCHE`.

### 3.3 Mot clé INVERSE

/ INVERSE =

On inverse la fonction  $f(t)$ .

◆ FONCTION = f

Nom de la fonction que l'on désire inverser, il est nécessaire que celle-ci soit bijective (strictement croissante ou strictement décroissante).

Ne s'applique pas aux concepts de type `nappe`.

Remarque :

- *Les labels des paramètres ne sont pas inversés ! Le soin est laissé à l'utilisateur d'affecter les valeurs correctes par les mots clés `NOM_PARA` et `NOM_RESU`. Par défaut, le `NOM_PARA` est inchangé et `NOM_RESU` est affecté à 'TOUTRESU'.*
- *Les modes d'interpolations sont intervertis : par ex. ('LIN', 'LOG') devient ('LOG', 'LIN').*
- *Les prolongements `EXCLU` et `LINEAIRE` sont inchangés. En revanche, un prolongement `CONSTANT` est changé en `EXCLU`.*

### 3.4 Mot clé ABS

/ ABS =

Fournit la valeur absolue d'une fonction ou d'une nappe.

◆ FONCTION = f

Nom de la fonction dont on désire la valeur absolue.

Remarque :

- *Les paramètres (prolongements, interpolations, `NOM_PARA` et `NOM_RESU`) de la fonction produite sont les mêmes que ceux de la fonction de départ.*
- *Sauf pour le prolongement `LINEAIRE` : systématiquement changé en `EXCLU` par précaution. En effet, le prolongement linéaire à droite d'une fonction décroissante conduit pour des abscisses suffisamment grandes à des valeurs négatives : responsabilité est donc laissée à l'utilisateur d'affecter lui-même `PROL_DROITE='LINEAIRE'` (et respectivement à gauche).*

### 3.5 Mot clé ENVELOPPE

/ ENVELOPPE =

Calcul de l'enveloppe de plusieurs fonctions.

Cette opération est disponible sur des opérandes de nature `fonction` ou `nappe`.

#### 3.5.1 Opérande FONCTION

◆ FONCTION = f

Liste des fonctions ou nappes dont on cherche l'enveloppe.



## 3.5.2 Opérande CRITERE

◇ CRITERE =  
/ 'SUP'  
On cherche l'enveloppe supérieure.  
  
/ 'INF'  
On cherche l'enveloppe inférieure.

### Remarques pour la recherche de l'enveloppe :

- les fonctions doivent être toutes de même nature (*fonction* ou *nappe*),
- Cas des fonctions simples : pour les prolongements, interpolations, *NOM\_PARA* et *NOM\_RESU*, ce sont les paramètres de la première des fonctions dans la liste qui sont retenus. Le support d'abscisses de la fonction enveloppe sera la réunion des listes d'abscisses de toutes les fonctions.
- Cas des nappes : les paramètres (prolongements, interpolations, *NOM\_PARA*, *NOM\_RESU*, *NOM\_PARA\_FONC*) doivent impérativement être identiques entre les nappes fournies. Les supports d'abscisses (valeurs des paramètres et abscisses des fonctions des nappes) sont homogénéisés pour pouvoir calculer l'enveloppe. La nappe produite aura cette discrétisation pour abscisses.

## 3.6 Mot clé COMB et opérande LIST\_PARA

/ COMB =  
Combinaison linéaire réelle de plusieurs concepts de nature *fonction* ou *nappe*.

- ◆ FONCTION = *f*  
Nom de la fonction à combiner.
- ◆ COEF= *r*  
Valeur du coefficient.

◇ LIST\_PARA= *lpara*  
Liste des valeurs des paramètres pour laquelle la combinaison des fonctions sera discrétisée. Si ce mot clé n'est pas renseigné, une liste par défaut est construite en prenant l'union des listes des valeurs des paramètres de chaque fonction.

### Attention :

| Ce n'est pas un mot clé du mot clé facteur *COMB*.

### Remarques pour la combinaison :

| Voir les remarques pour le mot clé *ENVELOPPE*

## 3.7 Mot clé COMB\_C et opérande LIST\_PARA

/ COMB\_C =  
Combinaison linéaire complexe de plusieurs concepts de nature *fonction\_c*.

- ◆ FONCTION = *f\_c*  
Nom de la fonction à combiner. Elle peut être à valeurs complexes ou réelles.
- / COEF\_R = *r*,  
/ COEF\_C = *c*,  
Valeur du coefficient multiplicateur, soit sous forme réelle *r*, soit sous forme complexe *c*.

◇ LIST\_PARA = lpara

Liste des valeurs des paramètres pour laquelle la combinaison de fonctions sera discrétisée. Si ce mot clé n'est pas renseigné, une liste par défaut est construite en prenant l'union des listes des valeurs des paramètres de chaque fonction.

#### Remarques pour la combinaison :

| Voir les remarques pour le mot clé *ENVELOPPE*

### 3.8 Mot clé COMPOSE

Mot clé facteur permettant de calculer la composée de deux fonctions  $F(G(t))$ .

Ne s'applique pas aux concepts de type *nappe*.

/ COMPOSE =

◆ FONC\_RESU = f\_resu

Fonction  $f\_resu(x)$

◆ FONC\_PARA = f\_para

Fonction  $f\_para(t)$

On vérifie que le *NOM\_PARA* de *f\_resu* correspond au *NOM\_RESU* de *f\_para*.

### 3.9 Mot clé ASSE

/ ASSE =

Mot clé facteur permettant de créer une fonction réelle en concaténant deux fonctions réelles tabulées.

Ne s'applique pas aux concepts de type *nappe*.

#### 3.9.1 Opérande FONCTION

◆ FONCTION = l\_f

Fonctions à concaténer. On attend exactement deux fonctions.

#### 3.9.2 Opérande SURCHARGE

◇ SURCHARGE = / 'DROITE',  
/ 'GAUCHE',

Les points de discrétisation de la fonction créée sont ceux de l'ensemble des deux fonctions, modulo les effets de surcharge.

Si les domaines de définition des fonctions se chevauchent, l'une des fonctions imposent ses points sur la zone de recouvrement et pour les prolongements :

SURCHARGE = / 'DROITE' : c'est la fonction qui a le grand *xmax* qui est choisie,  
SURCHARGE = / 'GAUCHE' : c'est la fonction qui a le plus petit *xmin* qui est choisie.

#### 3.9.3 Vérifications

On vérifie que toutes les fonctions ont le même *NOM\_PARA*, ainsi que les mêmes interpolations.

### 3.10 Mot clé EXTRACTION

/ EXTRACTION =

Mot clé facteur permettant de construire à partir d'une fonction complexe (type `fonct_c`), une fonction réelle représentant soit la partie réelle, soit la partie imaginaire, soit le module, soit la phase de la fonction complexe.

#### 3.10.1 Opérande FONCTION

- ◆ `FONCTION = f_c`  
Fonction complexe.

#### 3.10.2 Opérande PARTIE

- ◆ `PARTIE =`
  - / 'REEL' : extraction de la partie réelle de `f_c`,
  - / 'IMAG' : extraction de la partie imaginaire de `f_c`,
  - / 'MODULE' : extraction du module de `f_c`,
  - / 'PHASE' : extraction de la phase (en degré) de `f_c`.

### 3.11 Mot clé PUISSANCE

Ce mot clé permet de construire la puissance  $n^{\text{ième}}$  d'une fonction ou d'un ensemble de fonctions fourni sous forme d'une nappe.

- ◆ `FONCTION = f`  
Nom de la fonction `f` concernée (type `fonction` ou `nappe`).
- ◇ `EXPOSANT = n`  
La fonction résultat calculée sera  $x \rightarrow f(x)^n$ . Par défaut,  $n = 1$ .

### 3.12 Mot clé FFT

/ FFT =

On calcule la transformée de Fourier directe ou inverse d'une fonction (algorithme FFT).

- ◆ `FONCTION = f`  
Nom de la fonction sur laquelle s'effectue l'opération.  
Si le `NOM_PARA` de la fonction est `INST`, alors la `FFT` directe est calculée.  
Si le `NOM_PARA` de la fonction est `FREQ`, alors la `FFT` inverse est calculée.  
Ne s'applique pas aux concepts de type `nappe`.
- ◇ `METHODE =`  
L'algorithme FFT n'accepte en entrée qu'un signal dont le nombre d'échantillons est une puissance de 2.  
La méthode 'PROL\_ZERO' (par défaut) propose de prolonger le signal d'entrée avec des zéros jusqu'à avoir un nombre total d'échantillon qui est la première puissance de 2 dont la valeur est supérieure au nombre d'échantillons initial.  
La méthode 'TRONCATURE' ne va considérer que les premiers échantillons dont le nombre total est la plus grande puissance de deux dont la valeur est inférieure au nombre initial d'échantillon.  
Par exemple, sur un signal de 601 valeurs, la méthode 'PROL\_ZERO' va compléter le signal pour avoir 1024 échantillons, alors que la méthode 'TRONCATURE' ne va considérer que les 512 premiers instants.  
Si le signal d'entrée à un nombre d'échantillon qui est une puissance de deux, les deux méthodes sont bien évidemment équivalentes : on prend en compte le signal sans le modifier.

### 3.13 Mot clé CORR\_ACCE

/ CORR\_ACCE =

Mot clé facteur permettant de corriger un accélérogramme mesuré en vue du calcul de la réponse sismique d'un système.

On supprime la dérive du signal, calculée par lissage linéaire au sens des moindres carrés sur la totalité du signal, afin de rendre l'accélérogramme plus réaliste. La dérive de la vitesse relative correspondante est également supprimée.

On retourne en sortie l'accélérogramme corrigé.

#### 3.13.1 Opérande FONCTION

◆ FONCTION = f

Accélérogramme réel mesuré.

Ne s'applique pas aux concepts de type *nappe*.

#### 3.13.2 Opérande CORR\_DEPL

◇ CORR\_DEPL =

/ 'NON'

On ne corrige pas la dérive du déplacement relatif, c'est la valeur par défaut.

/ 'OUI'

On supprime aussi la dérive du déplacement relatif. Cette option est à utiliser avec précaution, car on ne connaît pas a priori la valeur du déplacement final après le séisme.

### 3.14 Mot clé LISS\_ENVELOP

Les données d'origine sont constituées d'une nappe de spectres SRO brut définis sur un grand nombre de points pour un niveau de plancher donné.

La première étape consiste, pour chaque spectre, à l'élargissement en fréquence (décalage à gauche et à droite) suivi d'une diminution du nombre de point de définition. Ces opérations effectuées, on s'assure du caractère enveloppe du spectre lissé par rapport au spectre initial. A ce stade, chaque spectre possède sa propre base de fréquence.

La seconde étape consiste à homogénéiser la base de fréquence de l'ensemble des spectres de la nappe en s'assurant du non recouvrement des spectres entre eux.

◆ NAPPE = n

Nom de la nappe d'entrée formée des spectres bruts associés à chaque niveau d'amortissement.

◇ FREQ\_MIN et FREQ\_MAX

Plage de définition en fréquence du spectre lissé.

Les fréquences mentionnées sous FREQ\_MIN et FREQ\_MAX doivent être choisies parmi les fréquences de discrétisation du spectre brut.

Par défaut, on considère le spectre complet.

◇ ELARG

L'élargissement porte sur l'ensemble du spectre,

Il est donné en pourcentage et vaut 0.1 (10%) par défaut.

Pour chaque fréquence  $F_i$  du spectre brut, on définit deux nouvelles valeurs de fréquences telles que :

- $F^- = F_i(1 - \tau_g)$  avec  $0 < \tau_g < 1$ ,
- $F^+ = F_i(1 + \tau_d)$  avec  $0 < \tau_d < 1$ .

Les paramètres  $\tau_g$  et  $\tau_d$  représentent l'amplitude de l'élargissement en fréquence.

Les valeurs des fréquences excentrées  $F^-$  et  $F^+$  ne correspondent pas aux valeurs  $F_i$  de la liste de définition du spectre brut. On définit ainsi  $F_j$  et  $F_k$  telles que :

- $F_j$  : valeur appartenant à la liste, immédiatement inférieure ou égale à  $F^-$ ,
- $F_k$  : valeur appartenant à la liste, immédiatement inférieure ou égale à  $F^+$ .

Pour chaque fréquence  $F_i$ , deux points de coordonnées  $(F_j, \gamma_i)$  et  $(F_k, \gamma_i)$  sont définies où  $\gamma_i$  représente l'accélération à la fréquence  $F_i$ . Deux nouveaux spectres résultants du décalage du spectre brut sur l'axe des fréquences sont donc construits.

◇ TOLÉ\_LISS

Critère en pourcentage portant sur l'élimination des points lors de lissage. Cette tolérance est fixée à 0.25 fois la valeur par défaut.

Le lissage est réalisé sur l'enveloppe des spectres brut, décalé à droite et à gauche.

Un exemple d'application est proposé dans le cas test ZZZZ100e.

### 3.15 Mot clé SPEC\_OSCI

/ SPEC\_OSCI =

Calcule le spectre d'oscillateur d'un accélérogramme, fonction de nature fonction [R4.05.03].

Le spectre d'oscillateur n'est calculable que sur les fonctions de NOM\_RESU = 'ACCE' et de NOM\_PARA = 'INST'.

Pour tout  $i$  et tout  $j$  on considère  $q_i^j$  la solution de l'équation différentielle :

$$\ddot{q}_i^j + 2 \xi_j \omega_i \dot{q}_i^j + \omega_i^2 q_i^j = f(t)$$

avec  $q_i^j(0) = \dot{q}_i^j(0) = f(0)$  et  $\omega_i = 2 \pi \varphi_i$

Le concept produit fr est une nappe (fonction à deux variables) constituée des fonctions  $(fr_i, \dots, fr_j, \dots)$  avec  $fr_j$  fonction définie aux points  $\omega_i$  avec :

$$fr_j(\omega_i) = \max_{t \in D} |q_i^j(t)| \quad \text{et} \quad D = \{t / f \text{ définie}\}$$

Par défaut pour le calcul du spectre d'oscillateur

- on considère pour les amortissements réduits les valeurs :

0.02            0.05            0.10

- on considère pour les fréquences, les 150 valeurs suivantes en Hz,

la première est à 0.2 Hz et on déduit les suivantes par la règle ;  
de la            2ème            à la 57ème : par pas de

58	65	0.05 Hz
66	79	0.075 Hz
80	103	0.10 Hz
104	131	0.125 Hz
132	137	0.25 Hz
138	141	0.5 Hz
142	150	1. Hz
		1.5 Hz

- le spectre est normé à g (soit à la valeur 9.81 ms<sup>-2</sup>).

### 3.15.1 Opérande FONCTION

◆ `FONCTION = f`

Nom de la fonction sur laquelle s'effectue l'opération.

Ne s'applique pas aux concepts de type `nappe`.

### 3.15.2 Opérande METHODE

◇ `METHODE =`

Nom de la `METHODE` que l'on désire utiliser : la seule méthode utilisable actuellement est 'NIGAM' (par défaut) qui est détaillée dans le document [R5.05.01].

### 3.15.3 Opérande AMOR\_REDUIT

◇ `AMOR_REDUIT = lam`

$lam = (\xi_1, \dots, \xi_i, \dots)$

Liste des amortissements réduits : exemple 0.01, 0.05, ....

### 3.15.4 Opérandes FREQ / LIST\_FREQ

/ ◇ `FREQ = lfre`

$lfre = (\varphi_1, \dots, \varphi_i, \dots)$ . Liste des fréquences.

/ ◇ `LIST_FREQ = lfreq`

Liste des fréquences fournies sous un concept `listr8`.

### 3.15.5 Opérandes NATURE / NATURE\_FONC

◇ `NATURE =`

Nature de la grandeur de la nappe créée par la commande `CALC_FONCTION`.

'ACCE' : spectre de pseudo – accélération  $\ddot{u}(t) = \omega_i^2 u(t)$

'VITE' : spectre de pseudo – vitesse  $\dot{u}(t) = \omega_i u(t)$

'DEPL' : spectre de déplacement  $u(t)$

◇ `NATURE_FONC = 'ACCE'`

Nature de la fonction qui sert à construire le spectre. Pour l'instant seule la valeur 'ACCE' est disponible. Ce mot clé permet de surcharger le `NOM_RESU` de la fonction spécifiée sous le mot clé `FONCTION` lorsque celle-ci est créée par `RECU_FONCTION` [U4.32.03].

### 3.15.6 Opérande NORME

◆ `NORME = r`

Le spectre d'oscillateur sera normé à la valeur `r` (valeur de la pseudo-accélération), cette valeur est rappelée dans le fichier de message.

## 3.16 Attributs du concept fonction en sortie

### 3.16.1 Valeurs par défaut

Par défaut les attributs du concept fonction en sortie de la commande CALC\_FONCTION sont pour les différentes options (cf. commandes DEFI\_FONCTION [U4.31.02] et DEFI\_NAPPE [U4.31.03]).

- Option DERIVE :  
Interpolation : donnée par la fonction en entrée  
Prolongement gauche : EXCLU  
Prolongement droit : EXCLU  
NOM\_PARA = 'INST' (exemple) donné par la fonction en entrée  
NOM\_RESU = 'VITE' (exemple) donné par la fonction en entrée
- Option INTEGRE :  
Même règles que pour DERIVE
- Options COMB / COMB\_C :  
Les attributs de la première fonction combinée.
- Option SPEC\_OSCI : le résultat est une nappe  
Les attributs de la nappe :  
NOM\_PARA = 'AMOR'  
NOM\_RESU = 'DEPL' ou 'VITE' ou 'ACCE'  
Interpolation : 'LOG'  
Prolongement gauche : 'EXCLU'  
Prolongement droit : 'EXCLU'  
Les attributs de chaque fonction :  
NOM\_PARA = 'FREQ'  
Interpolation : 'LOG'  
Prolongement gauche : 'EXCLU'  
Prolongement droit : 'CONSTANT'
- Option ENVELOPPE :  
Les attributs de la première fonction donnée.
- Option FFT :  
NOM\_PARA = FREQ si NOM\_PARA de la fonction est INST  
Sinon c'est l'inverse
- Option COMPOSE :  
NOM\_PARA : celui de la fonction FONC\_PARA  
NOM\_RESU : celui de la fonction FONC\_RESU  
INTERPOL : celui de la fonction FONC\_RESU  
Prolongement : celui de la fonction FONC\_RESU
- Option EXTRACTION :  
Attributs identiques à ceux de la fonction donnée en entrée
- Option ASSE :  
NOM\_PARA : celui des fonctions  
NOM\_RESU : celui des fonctions  
INTERPOL : linéaire  
Prolongement : 'EXCLU'

### 3.16.2 Surcharge des attributs

L'utilisateur peut surcharger les attributs donnés par défaut en utilisant les mots clés suivants :

#### 3.16.2.1 Opérande NOM\_PARA

◇ NOM\_PARA = para

Il désigne le nom du paramètre (variable ou abscisse) de la fonction ou de la nappe. Les valeurs actuellement autorisées pour para sont :

/	'TEMP'	/	'INST'	/	'EPSI'
/	'X'	/	'Y'	/	'Z'
/	'FREQ'	/	'PULS'	/	'AMOR'
/	'DX'	/	'DY'	/	'DZ'
/	'DRX'	/	'DRY'	/	'DRZ'
/	'ABSC'				

#### 3.16.2.2 Opérande NOM\_RESU

◇ NOM\_RESU = resu

Il permet de documenter, la fonction créée en donnant un nom (8 caractères) à la fonction. Sauf exception (cf. [§3.1], [3.2], [§3.5]), ce nom n'est pas testé.

#### 3.16.2.3 Opérande INTERPOL

◇ INTERPOL

Type d'interpolation de la fonction entre les valeurs du paramètre du domaine de définition. Derrière ce mot clé on attend une liste de paramètres (deux au maximum) parmi 'NON', 'LIN', 'LOG'. Si une seule valeur est donnée l'interpolation sera identique pour les abscisses et les ordonnées. Si deux valeurs sont données, la première correspond à l'interpolation des abscisses et la deuxième à l'interpolation des ordonnées.

#### 3.16.2.4 Opérandes PROL\_DROITE / PROL\_GAUCHE

◇ PROL\_DROITE et PROL\_GAUCHE

Ils définissent le type de prolongement à droite (à gauche) du domaine de définition de la variable :

- 'CONSTANT' pour un prolongement avec la dernière (ou première) valeur de la fonction,
- 'LINEAIRE' pour un prolongement le long du premier segment défini (PROL\_GAUCHE) ou du dernier segment défini (PROL\_DROITE),
- 'EXCLU' si l'extrapolation des valeurs en dehors du domaine de définition du paramètre est interdite.

#### 3.16.2.5 Opérandes NOM\_PARA\_FONC / INTERPOL\_FONC / PROL\_DROITE\_FONC / PROL\_GAUCHE\_FONC

Ces mots clés permettent de modifier les attributs des fonctions qui interviennent dans la définition des nappes. Ils ont donc la même signification que les mots clé sans le suffixe FONC.

### 3.17 Opérande INFO

◇ INFO =

Précise les options d'impression sur le fichier MESSAGE.

- 1 pas d'impression
- 2 impression du descripteur de la fonction (option par défaut) et de la liste des 10 premières valeurs de chaque fonction dans l'ordre croissant des 10 premiers paramètres.



## 4 Exemples

### 4.1 Calcul d'une enveloppe

Le fichier de commandes qui suit :

```
DEPI=2. * pi
PAS0=DEPI / 200.
LI11=DEFI_LIST_REEL( DEBUT=0.,
                    INTERVALLE=_F( JUSQU_A = DEPI, PAS = PAS0) )

COa = FORMULE(NOM_PARA='INST',VALE='cos(INST)')
SIa = FORMULE(NOM_PARA='INST',VALE='sin(INST)')

CO = CALC_FONC_INTERP( FONCTION=COa, LIST_PARA=LI11,
                      NOM_PARA='INST',
                      NOM_RESU='DEPL',
                      PROL_GAUCHE='EXCLU', PROL_DROITE='LINEAIRE',
                      INTERPOL='LIN',
                      TITRE=' FONCTION COSINUS' )

SI = CALC_FONC_INTERP( FONCTION=SIa, LIST_PARA=LI11,
                      NOM_PARA='INST',
                      NOM_RESU='DEPLACEMENT',
                      PROL_GAUCHE='EXCLU',
                      PROL_DROITE='CONSTANT',
                      INTERPOL='LIN',
                      TITRE=' FONCTION SINUS ' )

ENV1=CALC_FONCTION( ENVELOPPE=_F( FONCTION = ( SI, CO, ),
                                CRITERE = 'SUP' ) )
```

### 4.2 Calcul de la dérivée de la fonction si

Les commandes qui suivent

```
der1 = CALC_FONCTION( DERIVE=_F( FONCTION= si ),)

inst1 = 20. * pas

TEST_FONCTION( VALEUR=
               _F( FONCTION = der1, NOM_PARA = 'inst',
                   VALE_PARA= inst1, VALE_REFE= COa(INST1),)
               )
```

produisent sur le fichier 'RESULTAT' :

```
---- FONCTION : DER1
OK  INST      RELA    -0.016 %   VALE: 8.0888392298046D-01
    6.28319E-01 TOLE    0.100 %   REFE: 8.0901699437495D-01
```

### 4.3 Concaténation de deux fonctions

```
DFC1=DEFI_FONCTION(  NOM_PARA='X',  NOM_RESU='Y',
                     VALE=(0., 10.,
                           4., 14.,
                           6., 16.),
                     PROL_DROITE='LINEAIRE',
                     PROL_GAUCHE='LINEAIRE'
                     )

#

DFC2=DEFI_FONCTION(  NOM_PARA='X',  NOM_RESU='Y',
                     VALE=(5., 25.,
                           7., 27.,
                           8., 28.),
                     PROL_DROITE='LINEAIRE',
                     PROL_GAUCHE='LINEAIRE'
                     )

#

DFC3=CALC_FONCTION(  ASSE=_F(
                     FONCTION = ( DFC2,  DFC1, ),
                     SURCHARGE = 'DROITE' )
                     )

DFC4=CALC_FONCTION(  ASSE=_F(
                     FONCTION = ( DFC1,  DFC2, ),
                     SURCHARGE = 'GAUCHE' )
                     )
```

Les valeurs de la fonction dfc3 sont :

x	=	0.	4.	5.	7.	8.
y	=	10.	14.	25.	27.	28.

Les valeurs de la fonction dfc4 sont :

x	=	0.	4.	6.	7.	8.
y	=	10.	14.	16.	27.	28.

## 4.4 Composition de deux fonctions

```

fonc1 = DEFI_FONCTION (  NOM_PARA = 'X',
                        NOM_RESU = 'F',
                        VALE     = (  0.,    0.,
                                     2.,    5.,
                                     3.,   10.,
                                     5.,   15.,
                                     7.,   13.,
                                     8.,   10.,
                                     10.,    9.,
                                     12.,    8.,
                                     13.,    5.,
                                     15.,    1.,
                                     20.,    0. ) )

fonc2 = DEFI_FONCTION (  NOM_PARA = 'INST',
                        NOM_RESU = 'X',
                        VALE     = (  0.,    0.,
                                     0.1,    2.,
                                     0.2,    4.,
                                     0.3,    6.,
                                     0.4,    8.,
                                     0.5,   10.,
                                     0.6,   12.,
                                     0.7,   14.,
                                     0.8,   16.,
                                     0.9,   18.,
                                     1.0,   20. ) )

comp1 = CALC_FONCTION (  COMPOSE = _F( FONC_RESU = fonc1,
                                       FONC_PARA = fonc2 )
                        )

```

Les valeurs de la fonction comp1 sont :

inst	=	0.	0.1	0.2	0.3	0.4	0.5	0.6	0.7	0.8	0.9	1.0
F	=	0.	5.	12.5	14.	10.	9.	8.	3.	0.8	0.4	0.

Page laissée intentionnellement blanche.