

**Manuel d'Utilisation**  
**Fascicule U4.3- : Fonction**  
**Document : U4.36.02**

## Opérateur *DEFI\_INTE\_SPEC*

---

### 1 But

---

Définir une matrice de densité spectrale (on dit aussi : matrice interspectrale).  
Les termes de la matrice sont définis par :

- des constantes (bruit blanc),
- des fonctions complexes existantes,
- la formule analytique de KANAI-TAJIMI.

Produit une structure de données de type `tabl_fonction`.

## 2     Syntaxe

```
[tabl_fonction] = DEFI_INTE_SPEC

(  ◇   DIMENSION =                               /   1           [DEFAULT]
                                   /   n           [I]

    /   PAR_FONCTION =_F (
                                   ◆   NUME_ORDRE_I = i           [I]
                                   ◆   NUME_ORDRE_J = j           [I]
                                   ◆   FONCTION  =fonct          [fonction_c]
                                   )
    /   KANAI_TAJIMI  =_F (
                                   ◆   NUME_ORDRE_I = i           [I]
                                   ◆   NUME_ORDRE_J = j           [I]

                                   ◇   FREQ_MIN   = /   0.         [DEFAULT]
                                   /   fmin       [R]
                                   ◇   FREQ_MAX   = /   100.        [DEFAULT]
                                   /   fmax       [R]
                                   ◇   PAS        = /   1.         [DEFAULT]
                                   /   pas        [R]

                                   ◇   /   VALE_R   = valr         [R]
                                   /   VALE_C   = valc         [C]
                                   ◇   AMOR_REDUIT= /   0.60        [DEFAULT]
                                   /   amor      [R]
                                   ◇   FREQ_MOY   = /   5.         [DEFAULT]
                                   /   fmoy      [R]

                                   ◇   INTERPOL   = |   'LIN'       [DEFAULT]
                                   |   'LOG'
                                   |   'NON'
                                   ◇   PROL_GAUCHE= /   'EXCLU'     [DEFAULT]
                                   /   'CONSTANT'
                                   /   'LINEAIRE'
                                   ◇   PROL_DROITE= /   'EXCLU'     [DEFAULT]
                                   /   'CONSTANT'
                                   /   'LINEAIRE'
                                   )
```

Titre :           Opérateur DEFI\_INTE\_SPEC  
Auteur(s) :     I. ZENTNER

Date :           21/05/07  
Clé :    U4.36.02-H   Page :   3/8

```

/   CONSTANT =_F(
    ♦   NUME_ORDRE_I = /   i           [ I ]
    ♦   NUME_ORDRE_J = /   j           [ I ]

    ◇   FREQ_MIN   = /   0.           [DEFAULT]
                        /   fmin       [R]
    ◇   FREQ_MAX   = /   100.         [DEFAULT]
                        /   fmax       [R]
    ◇   PAS        = /   1.           [DEFAULT]
                        /   pas        [R]

    ◇   /   VALE_R   = /   1.           [DEFAULT]
                        /   valr       [R]
        /   VALE_C   = valc          [C]

    ◇   INTERPOL    = |   'LIN'       [DEFAULT]
                        |   'LOG'
                        |   'NON'
    ◇   PROL_GAUCHE = /   'EXCLU'     [DEFAULT]
                        /   'CONSTANT'
                        /   'LINEAIRE'
    ◇   PROL_DROITE = /   'EXCLU'     [DEFAULT]
                        /   'CONSTANT'
                        /   'LINEAIRE'
)

    ◇   TITRE      =          titre          [ l_Kn ]
    ◇   INFO       =          /   1          [DEFAULT]
                        /   2
) ;

```

## 3 Opérandes

### 3.1 Opérande **DIMENSION**

◇ `DIMENSION = n`

Dimension de la matrice de densité spectrale, stockée dans une table d'interspectres (`tabl_intsp`).

### 3.2 Mot clé **PAR\_FONCTION**

◆ / `PAR_FONCTION =`

Mot clé facteur, permet de définir un terme (*i*, *j*) de la matrice interspectrale à partir de concepts de type `fonction_C` déjà définis.

#### 3.2.1 Opérandes **NUME\_ORDRE\_I**, **NUME\_ORDRE\_J**

◆ `NUME_ORDRE_I = i`

◆ `NUME_ORDRE_J = j`

Couple d'indices (ligne, colonne) de la matrice sur lequel on va affecter une fonction.

#### 3.2.2 Opérande **Fonction**

◆ `FONCTION : fonct`

`fonct` est un concept de type `fonction_c`.

### 3.3 Mot clé **KANAI\_KAJIMI**

/ `KANAI_TAJIMI =`

Mot clé facteur, permet de définir une fonction densité spectrale en utilisant le modèle de Kanai et Tajimi. Cette fonction de densité spectrale correspond à celle d'un bruit blanc filtré [bib2].

On donne les trois paramètres de la densité spectrale du modèle de KANAI\_TAJIMI : amortissement, fréquence et niveau.

#### 3.3.1 Opérandes **NUME\_ORDRE\_I**, **NUME\_ORDRE\_J**

◆ `NUME_ORDRE_I = i`

◆ `NUME_ORDRE_J = j`

Couple d'indices (ligne, colonne) de la matrice interspectrale. Ne disposant pas de modèle de cohérence spectrale, le modèle de Kanai-Tajimi permet seulement de créer des auto-spectres. Il faut donc choisir *i* = *j* (en général, on choisira ici *n*=1 et *i*=*j*=1).

#### 3.3.2 Opérandes **AMOR\_REDUIT**/**FREQ\_MOY**/**VALE\_R** / **VALE\_C**

◇ `AMOR_REDUIT = amor`

◇ `FREQ_MOY = fmoy`

◇ / `VALE_R = valr`

/ `VALE_C = valc`

`fmoy` et `amor` sont la fréquence propre et l'amortissement réduit du filtre. Le niveau peut être donné sous la forme complexe ou réelle.

#### 3.3.3 Opérandes **INTERPOL**/**PROL\_GAUCHE**/**PROL\_DROITE**

On donne pour chaque fonction les paramètres classiques qui conditionnent l'interpolation et l'extrapolation de la fonction produite. Les possibilités ainsi que les valeurs par défaut sont rappelées en page 2. Pour plus de détails voir les [§3.4] et [§3.5].

- ◇ INTERPOL
- ◇ PROL\_GAUCHE
- ◇ PROL\_DROITE

### 3.3.4 Opérandes **FREQ\_MIN/FREQ\_MAX/PAS**

On donne les paramètres de la discrétisation fréquentielle.

- ◇ FREQ\_MIN = fmin
- ◇ FREQ\_MAX = fmax
- ◇ PAS = pas

### 3.3.5 Opérandes **PROL\_DROITE** et **PROL\_GAUCHE**

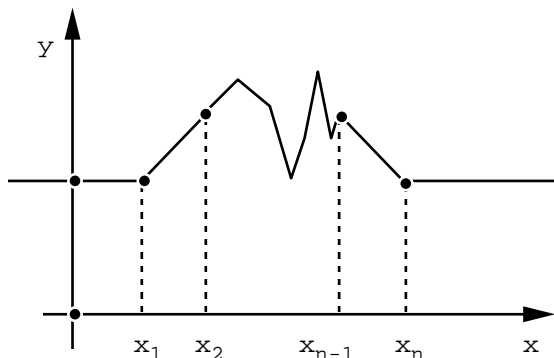
- ◇ PROL\_DROITE et PROL\_GAUCHE =

Définissent le type de prolongement à droite (à gauche) du domaine de définition de la variable :

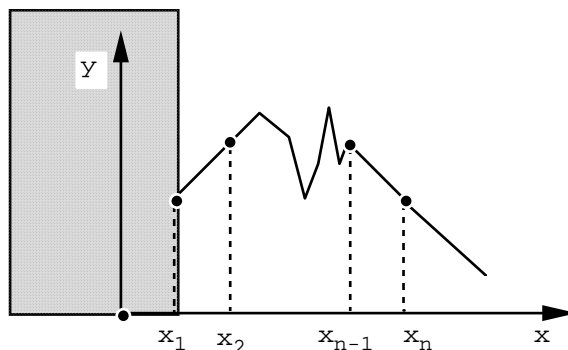
- 'CONSTANT' pour un prolongement avec la dernière (ou première) valeur de la fonction,
- 'LINEAIRE' pour un prolongement le long du premier segment défini (PROL\_GAUCHE) ou du dernier segment défini (PROL\_DROITE),
- 'EXCLU' si l'extrapolation des valeurs en dehors du domaine de définition du paramètre est interdite (dans ce cas si un calcul demande une valeur de la fonction hors du domaine de définition, le code s'arrêtera en erreur fatale).

Par exemple :

- PROL\_DROITE = 'CONSTANT' , PROL\_GAUCHE = 'CONSTANT'



- PROL\_DROITE = 'LINEAIRE' , PROL\_GAUCHE = 'EXCLU'



**Remarque :**

| Le type de prolongement et d'interpolation sont indépendants l'un de l'autre.

### 3.3.6 Opérande **INTERPOL**

◇ **INTERPOL** =

Type d'interpolation de la fonction entre les valeurs du domaine de définition de la fonction : un type pour l'interpolation du paramètre et un pour l'interpolation de la fonction. Ceci est obtenu en fournissant une liste de textes parmi :

`INTERPOL = ( 'LIN', 'LOG' )`

'LIN' : linéaire,

'LOG' : logarithmique,

'NON' : on n'interpole pas (et donc le programme s'arrêtera si l'on demande la valeur de la fonction pour une valeur du paramètre où elle n'a pas été définie).

**Remarque :**

| Si une seule valeur est précisée, elle est prise en compte à la fois par l'interpolation du paramètre et de la fonction. `INTERPOL = 'LOG'` équivaut à `( 'LOG', 'LOG' )`.

### 3.4 Mot clé **CONSTANT**

/ **CONSTANT** =

Mot clé facteur qui permet de définir une fonction de densité spectrale correspondant à un bruit blanc à bande (densité spectrale constante sur la bande de fréquences considérée).

Tous les mots clés sous ce mot clé facteur ont le même sens que pour le mot clé facteur `KANAI_TAJIMI` sauf `AMOR` et `FREQ_MOY` qui n'ont pas de sens ici.

### 3.5 Opérande **TITRE**

◇ **TITRE** = titre

titre est le titre du calcul à imprimer en tête des résultats. Voir [U4.03.01].

### 3.6 Opérande **INFO**

◇ **INFO** =

1 : pas d'impression.

2 : impression des caractéristiques de la matrice interspectrale définie.

## 4 Phase de Vérification

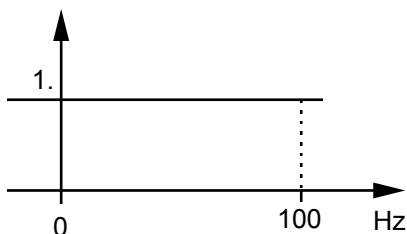
- Vérification de la cohérence entre le nombre de fonctions et la dimension de la matrice (hermitienne): Si  $n$  est la dimension de la matrice, celle-ci étant hermitienne, il faut  $n*(n+1)/2$  fonction\_c, correspondant à la partie triangulaire supérieure de la matrice, seule stockée.
- Vérification de la cohérence des indices.

## 5 Remarque d'utilisation

- Pour imprimer le contenu de la matrice, il faut utiliser l'opérateur `IMPR_TABLE` [U4.91.03].

## 6 Exemple

Dans l'exemple ci-dessous on définit une fonction de densité spectrale (en termes d'interspectre il s'agit d'une matrice 1 x 1) à valeur constante :



```
INTEREXC = DEFI_INTE_SPEC      (  
    DIMENSION=1,  
    INFO=2,  
    CONSTANT=_F(  
        NUME_ORDRE_I=1,  
        NUME_ORDRE_J=1,  
        FREQ_MIN=0.,  
        FREQ_MAX=100.,  
        PAS=1.,  
        PROL_GAUCHE='CONSTANT',  
        PROL_DROITE='CONSTANT',  
        INTERPOL='LIN',  
        VALE_C=( 'RI' ,1.,0.),  
    ),  
);
```

Pour définir l'interspectre d'un bruit blanc filtré par un oscillateur représenté par le filtre de KANAI-TAJIMI :

```
INTKTJ1 = DEFI_INTE_SPEC      (  
    DIMENSION=1,  
    INFO=2,  
    KANAI_TAJIMI=_F(  
        NUME_ORDRE_I=1,  
        NUME_ORDRE_J=1,  
        FREQ_MOY=15.,  
        AMOR=0.05,  
        VALE_R=1.,  
        INTERPOL='LIN',  
        PROL_GAUCHE='CONSTANT',  
        PROL_DROITE='CONSTANT',  
        FREQ_MIN=0.,  
        FREQ_MAX=30.,  
        PAS=5.,  
    ),  
);
```

On a donné les 3 paramètres du filtre :

- amortissement = 0.05,
- fréquence = 15. Hz,
- niveau = 1.

## 7 Bibliographie

- [1] J.S. BENDAT, J. WILEGSON : "Engineering application of correlation and spectral analysis".
- [2] C. DUVAL "Réponse dynamique sous excitations aléatoires dans le *Code\_Aster* : principes théoriques et exemples d'utilisation". Note DER HP-61/92-148